

SITUATION D'APPLICATION : QUATRE VECTEURS

Voici de l'information sur les vecteurs u , v , w et y .

- $\vec{u} = (-10, 7)$
- La norme du vecteur v est de 13 unités et son orientation est de $22,6199^\circ$.
- $\vec{w} = a\vec{u} + b\vec{v} = (40, 39)$
- $\vec{y} = (b + 2, 5a)$

Montrez que les vecteurs u et y sont orthogonaux.

➤ **COMPOSANTES DU VECTEUR v**

$$\vec{v} = (13 \times \cos 22,6199^\circ, 13 \times \sin 22,6199^\circ) = (11,9999 \dots, 5,0000 \dots)$$

Les composantes du vecteur v sont $(12, 5)$.

➤ **VALEUR DES SCALAIRES a ET b**

Puisque le vecteur w s'obtient à l'aide d'une combinaison linéaire des vecteur u et v , alors l'on a que :

$$\begin{aligned}\vec{w} &= a\vec{u} + b\vec{v} \\ (40, 39) &= a(-10, 7) + b(12, 5)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}40 &= -10a + 12b & 39 &= 7a + 5b \\ 10a &= 12b - 40 \\ a &= 1,2b - 4\end{aligned}$$

En utilisant la méthode de substitution, l'on obtient :

$$\begin{aligned}39 &= 7(1,2b - 4) + 5b \\ 39 &= 8,4b - 28 + 5b \\ 67 &= 13,4b \\ 5 &= b \rightarrow a = 1,2(5) - 4 = 2\end{aligned}$$

Alors, $a = 2$ et $b = 5$.

➤ **COMPOSANTES DU VECTEUR y**

$$\vec{y} = (b + 2, 5a) = (5 + 2, 5 \times 2) = (7, 10)$$

Les composantes du vecteur y sont $(7, 10)$.

➤ **PREUVE QUE LES VECTEURS u ET y SONT ORTHOGONAUX**

Deux vecteurs sont orthogonaux si le produit scalaire de ceux-ci est nul.

$$\vec{u} \cdot \vec{y} = (-10, 7) \cdot (7, 10) = -10 \times 7 + 7 \times 10 = -70 + 70 = 0$$

➤ **CONCLUSION**

Les vecteur u et y sont bel et bien orthogonaux puisque le produit scalaire de ceux-ci est nul.